
1. SPECTACLE DE FIN D'ANNÉE - THEATER UND BALLETT! (Cat. 3)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

Arithmétique : addition et soustraction

Analyse de la tâche

- Lire l'énoncé, comprendre la répartition des élèves et en particulier que le nombre de ceux qui savent danser est différent de ceux qui préparent le ballet.
- Établir une liste des enfants qui savent jouer d'un instrument ou qui savent danser, en n'écrivant qu'une seule fois chacun, (ou simplement compter les prénoms différents de l'énoncé) pour trouver qu'il y a 11 enfants qui préparent le ballet et que les 10 autres ($21 - 11$) préparent la pièce de théâtre.

Ou : compter les 8 enfants qui jouent d'un instrument de musique, les 7 qui dansent et les 4 enfants (Laura, Roberto, Sara et Valy) qui savent à la fois jouer d'un instrument et danser (dans la consigne, il est spécifié que tous les enfants ont des prénoms différents) et déduire ainsi que le nombre des enfants qui seront engagés dans le ballet est 11 ($7 + 8 - 4$) et conclure que le nombre d'enfants qui seront engagés dans la pièce de théâtre est 10 ($21 - 11$).

Ou : s'aider d'un diagramme (« patates ») ou d'un tableau pour visualiser les enfants qui jouent d'un instrument, ceux qui dansent, ceux qui jouent et dansent à la fois, et les autres (pour les classes qui ont une tradition ensembliste).

Attribution des points

- 4 Les deux réponses correctes (11-10) avec justifications (calculs, dessins, listes...)
 - 3 Les deux réponses correctes avec justification insuffisante ou peu claire
 - 2 Une réponse erronée (l'autre juste) mais la justification révèle que la situation est interprétée correctement ou les deux réponses correctes sans aucune justification
 - 1 Réponses erronées en raison d'un double comptage des enfants qui savent à la fois jouer d'un instrument et danser (emploi non inclusif du « ou » dans le sens « ou bien »)
 - 0 Incompréhension du problème
-

2. QUEL ÂGE ONT-ILS ? - WIE ALT SIND SIE ? (Cat. 3, 4)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Arithmétique : addition, soustraction

Analyse de la tâche

- Comprendre les 3 contraintes et situer les trois enfants par âge : Julie, Tom, Lisa.
- Choisir un nombre proche de 40 (par exemple 39) qui se divise par 3, effectuer la division et faire l'hypothèse que c'est l'âge de Julie puis vérifier (dans l'exemple $13 + 20 + 22 = 55$) et adapter successivement en diminuant pas à pas.

Ou : procéder par essais, en fixant l'âge d'un des personnages et en vérifiant les contraintes à chaque nouvel essai : choisir un âge au hasard, par exemple 10 ans pour Julie. En déduire les âges des 2 autres : 17 ans et 19 ans. Calculer le total : 46 ans, remarquer que c'est trop et diminuer l'âge de Tom pour un second essai, etc.

Ou : faire un premier essai et en déduire de combien il faut modifier l'un des âges. Dans l'exemple précédent : remarquer qu'il y a 6 ans de trop. En déduire que chaque personnage a 2 ans de trop. Donc : Julie 8 ans, Tom 15 ans et Lisa 17 ans.

Ou : par une représentation de l'âge des enfants par des longueurs (dessin de lignes) admettre que la somme des âges des trois enfants sera 3 fois l'âge de Julie + 7 pour Tom et + 9 pour Lisa et retrancher 7 et 9 de 40 pour obtenir le triple de l'âge de Julie et terminer par une division par 3.

Ou : retirer de la somme des âges (40) les deux différences 7 et 9 et arriver à 24 ($40 - 9 - 7 = 24$) qui est le triple de l'âge de Julie.

Attribution des points

- 4 Réponse correcte (Julie : 8 ans, Tom : 15 ans et Lisa : 17 ans), avec explication de la démarche
 - 3 Réponse correcte avec explication partielle, ou seulement une vérification
 - 2 Réponse correcte, sans explication de la démarche ni vérification
 - 1 Réponse erronée prenant en compte au moins une des contraintes
 - 0 Incompréhension du problème
-

3. PLIS ET REPLIS - FALTEN UND NOCHMALS FALTEN (Cat. 3, 4, 5)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

- Géométrie : triangle
- Arithmétique : multiplication ou division

Analyse de la tâche

- Comprendre, à partir du dessin, que les triangles ont deux côtés égaux.
- Reporter, sur toute la longueur de la bande (découpée réellement ou dessinée), successivement l'un et l'autre côté du triangle isocèle et compter les triangles obtenus ; voir que tous les deux pliages, se forme un carré.
- Continuer à plier des carrés, les compter et multiplier le nombre de carrés par deux pour obtenir le nombre de triangles. Constaté qu'il reste une partie de bande.

Ou : comprendre que la résolution peut se faire par calcul : combien de fois 6 dans 70 ? Comprendre aussi que ce calcul aboutit à un nombre de carrés (11), et qu'un carré comprend deux triangles. Donc multiplier le nombre de carrés par deux.

- Trouver que 22 triangles sont ainsi formés par pliage.

Attribution des points

- 4 Réponse juste (22 triangles) avec explications ou dessins qui indiquent comment la réponse a été obtenue
- 3 Réponse juste avec explication insuffisante ou peu claire
- 2 Réponse : 11 triangles du fait du comptage par carrés sans multiplication par deux du nombre de carrés ou réponse correcte sans aucune explication ni dessin ou erreur de comptage, mais nombre pair proche (20 ou 24)
- 1 Début de décomposition de la bande de manière correcte ou réponse décimale provenant de la division $70 : 6$ effectuée à la calculatrice
- 0 Incompréhension du problème

4. LES POTS - DIE TÖPFE (Cat. 3, 4, 5)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Arithmétique : addition (de petits nombres)
- Combinatoire

Analyse de la tâche

- Comprendre que les possibilités de choix comportent un nombre variable de pots.
- Passer dans le domaine numérique pour organiser la recherche qui consiste à décomposer 11 en somme de termes de 1 à 7, s'apercevoir que l'ordre des termes n'importe pas, et veiller à ne pas proposer deux fois la même somme avec les mêmes nombres.
- Trouver les possibilités en ordonnant la recherche, par exemple en écrivant systématiquement les sommes en ordonnant leurs termes :
 - si le plus grand des nombres est 7, alors la somme 11 est obtenue de deux manières : $7+4$ et $7+3+1$;
 - si le plus grand des nombres est 6, la somme 11 est obtenue de trois manières : $6+5$, $6+4+1$ et $6+3+2$;
 - si le plus grand des nombres est 5, la somme 11 est obtenue de deux manières : $5+4+2$ et $5+3+2+1$;
 - si le plus grand des nombres est le 4, la somme 11 ne peut être obtenue car $4+3+2+1 = 10$ est inférieure à 11 ;Il y a donc en tout 7 façons possibles pour Max de remplir ses pots.

Ou : trouver les possibilités par de très nombreux essais, non organisés, en éliminant les possibilités égales.

Attribution des points

- 4 Sept possibilités sont données (ou six si on ne répète pas celle de l'exemple de l'énoncé) (7 et 4 ; 7 , 3 et 1 ; 6 et 5 ; 6 , 4 et 1 ; 6 , 3 et 2 ; 5 , 4 et 2 , 5 , 3 , 2 et 1) avec explication ou organisation de l'inventaire
- 3 Les sept (ou six) possibilités sont énoncées sans explication, sans organisation du comptage, éventuellement avec une ou deux répétitions (sommes utilisant les mêmes termes mais dans un autre ordre (comme 7 , 3 , 1 et 3 , 1 7), ou sommes utilisant deux fois le même terme (comme 7 , 2 , 2 et 5 , 3 , 3)
- 2 4 ou 5 possibilités différentes de l'exemple, avec ou sans explications (des répétitions pouvant figurer)
- 1 2 ou 3 possibilités différentes de l'exemple, avec ou sans explications (des répétitions pouvant figurer)
- 0 Toute autre réponse et/ou incompréhension du problème.

5. EN FILE - IM GÄNSEMARSCH (Cat. 3, 4, 5)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

Logique : relation d'ordre

Analyse de la tâche

- Lire l'énoncé, vérifier que les sept enfants sont cités, éventuellement en utilisant les initiales A, B, C, D, E, F et G et comprendre que B est en quatrième position, puis choisir un mode de représentation pour organiser la recherche : dessins, listes, noms notés sur des papiers pour pouvoir les déplacer, ...
- Dédire de la deuxième information que D, E et F se suivent, dans cet ordre ou l'inverse et qu'ils sont les trois devant B ou derrière B, ce qui laisse quatre possibilités de placement pour ces trois enfants, ou que, de la première information, que B, en 4^e position, ne peut être qu'entre C et D et qu'il n'y a également que quatre possibilités pour placer ces deux enfants.
- Combiner les deux informations pour constater qu'il ne reste que deux possibilités de placement de B, C, D, E et F :
F ; E ; D ; B ; ... ; C, ... ou ... ; C ; ... ; B ; D ; E ; F.
- Utiliser la quatrième information pour placer A et G dans les deux places restantes de chacune des deux possibilités précédentes : F ; E ; D ; B ; G ; C, A ou G ; C ; A ; B ; D ; E ; F (à lire dans le sens de lecture 1^e, 2^e, 3^e, 4^e, 5^e, 6^e, 7^e)

Ou travailler par essais successifs, avec hypothèses et vérifications.

Attribution des points

- 4 Les deux solutions correctes (F, E, D, B, G, C, A et G, C, A, B, D, E, F) ou les solutions inverses (A, C, G, B, D, E, F et F, E, D, B, A, C, G) avec explications (étapes, description des essais, ...)
- 3 Les deux solutions correctes avec seulement une vérification ou avec seulement des justifications du genre « on a fait des essais » ...
- 2 Seulement une solution correcte avec explications
- 1 Une solution correcte sans explication ou une ou deux solutions qui ne respectent pas l'une des indications de l'énoncé
- 0 Incompréhension du problème

6. LE GÉANT GARGANTUA - DER RIESE GARGANTUA (Cat. 4, 5)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Arithmétique

Analyse de la tâche

- Reconnaître qu'il y a « superposition » d'allongements et de raccourcissements de la barbe qui peuvent se traduire par une augmentation de 3 cm d'un matin au matin suivant.
- Reconnaître que le nombre de jours cherché est le nombre de fois qu'il faut ajouter 3 à 15 pour dépasser 80.
- Calculs possibles : $80 - 15 = 65$ puis $65 : 3 = 21,66 \dots$ En déduire que Gargantua doit attendre 22 jours

Ou : Noter jour par jour la longueur de la barbe :

jours (matin)	0	1	2	3	4	5	...	20	21	22								
longueur	15	20	18	23	21	26	24	29	27	32	30	...	77	75	80	78	83	81

Ou : après avoir compris que l'allongement d'un matin à l'autre est de 3 cm, procéder ainsi par une division ($80 : 3 \approx 26,7$) pour voir qu'il faudrait 27 jours ; calculer le nombre de jours, 5, qu'il aurait fallu pour arriver à 15 cm ($15 : 3 = 5$) et finalement soustraire $27 - 5 = 22$.

Attribution des points

- 4 Solution correcte (22 jours) avec explications correctes
- 3 Solution correcte avec explications incomplètes ou seulement une vérification
- 2 Solution correcte sans aucune explication ou réponse 20 ou 21 avec explication (qui ne respecte pas la condition « le matin »)
- 1 Début de raisonnement correct
- 0 Incompréhension du problème

7. UN TRIANGLE QUI GRANDIT - WACHSENDES DREIECK (Cat. 4, 5, 6)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Arithmétique : addition, multiplication, soustraction
- Géométrie

Analyse de la tâche

- Comprendre que chaque figure a un niveau de plus que la précédente et essayer de dessiner les figures suivantes. Comme les triangles sont en fait des demi-carrés, le dessin en est facilité sur du papier quadrillé.
- Comprendre la construction géométrique des étages successifs supplémentaires.
- Compter les triangles noirs jusqu'à arriver à 55. On en déduit le nombre d'étages et l'on peut compter les triangles blancs que Roland a utilisés.

Ou, pour éviter les dessins, travailler dans le domaine numérique et tenir une liste précise du comptage des triangles noirs pour trouver le nombre d'étages ; par exemple:

nombre de triangles noirs :	3	6	10	15	21	28	36	45	55
nombre d'étages :	2	3	4	5	6	7	8	9	10

Pour établir cette liste, comprendre la régularité de sa construction ;

soit en remarquant que l'on passe d'un nombre de triangles noirs au suivant en ajoutant 3, puis 4, puis 5, ..., puis 9 ;

soit en remarquant que le nombre de triangles noirs de la figure à n étages s'obtient en ajoutant n au nombre de triangles noirs de la figure précédente (celle qui est à $n-1$ étages).

- Se rendre compte que l'on peut ajouter à cette liste de comptage des triangles noirs une liste soigneusement coordonnée du comptage des triangles blancs, par exemple:

nombre de triangles noirs :	3	6	10	15	21	...	55
nombre d'étages :	2	3	4	5	6	...	10
nombre de triangles blancs :	1	3	6	10	15	...	45

Pour établir cette liste de comptage des triangles blancs, comprendre

soit qu'on y trouve les mêmes nombres que sur la liste du comptage des triangles noirs avec un "décalage" vers la droite de chacun des nombres de la liste ;

soit en remarquant que l'on passe d'un nombre de triangles blancs au suivant en ajoutant 2, puis 3, puis 4, ..., puis 8.

Ou : constater que le nombre de triangles noirs correspond à la somme des nombres naturels jusqu'à n (n = nombre d'étages) et que le nombre de triangles blancs correspond à la somme des nombres naturels jusqu'à $n-1$ (n = nombre d'étages) ou que ce nombre de triangles blancs est égal au nombre de triangles noirs moins n .

Ou : constater que le nombre total des triangles est 1, 4, 9, 16, ... (suite des carrés) et calculer le nombre de triangles blancs par différence.

Attribution des points

- 4 Les deux réponses correctes (10 étages et 45 triangles blancs) avec explications détaillées (dessin, tableau, calculs ...)
- 3 Les deux réponses correctes avec explication peu claire ou incomplète
ou explication claire et complète mais avec une erreur de calcul dans le comptage des étages ou des triangles blancs
- 2 Réponse correcte à une seule des deux questions, avec explications ou deux réponses correctes sans explication
- 1 Début de raisonnement
- 0 Incompréhension du problème

8. LES TROIS COFFRES - DREI SCHATZTRUHEN (Cat. 5, 6)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Arithmétique : échanges, équivalences, proportionnalité
- Logique

Analyse de la tâche

- Se rendre compte que, si chaque valeur de coffre est de 30 (pièces d'or), les coffres sont équivalents entre eux, bien qu'ils ne contiennent que des lingots différents soit en nombre soit en grandeur.

Tirer, de l'équivalence entre les contenus des deux premiers coffres : $4p + 1m = 2p + 2m$ (p désigne la valeur d'un petit lingot, m désigne la valeur d'un lingot moyen) une équivalence plus simple en retirant 2 p dans chaque coffre : $2p + 1m = 2m$, puis une dernière équivalence encore plus simple, en retirant 1 m de chaque coffre, pour arriver à l'équivalence : $2p = 1m$.

De la même manière, tirer de l'équivalence entre les contenus du premier et du troisième coffre : $4p + 1m = 1m + 1g$ (g désigne la valeur d'un grand lingot) l'équivalence plus simple : $4p = 1g$.

On peut donc par substitution, entre les relations $2p = 1m$ et $4p = 1g$, obtenir la relation $1g = 2m$.

- À l'aide des relations précédentes, voir que les contenus de chacun des coffres peuvent s'exprimer, après substitution, avec une seule sorte de lingots ; par exemple des petits lingots :

le contenu du premier coffre est de : $4p + 1m = 4p + 2p = 6p$;

le contenu du deuxième coffre est de : $2p + 2m = 2p + 2 \times 2p = 2p + 4p = 6p$;

le contenu du troisième coffre est de : $1m + 1g = 2p + 4p = 6p$.

Ceci permet de passer à la « mesure » de chaque lingot en pièces d'or. Comprendre que 6 petits lingots valent 30 pièces d'or et donc qu'un petit lingot vaut 5 pièces d'or ($30 : 6 = 5$) ; trouver la valeur d'un lingot moyen ($10 = 2 \times 5$) et d'un grand lingot ($20 = 4 \times 5$) : $m = 10$ pièces d'or et $g = 20$ pièces d'or.

Ou : procéder par essais, au hasard ou organisés. Par exemple, à partir du contenu du troisième coffre, postuler que $m = 12$ et $g = 18$, ce qui conduira à une contradiction en vérifiant ces valeurs de m et g pour les contenus des deux autres coffres.

Puis, ce qui peut paraître naturel, essayer les valeurs $m = 10$ et $g = 20$, qui permet de trouver $p = 5$ par observation du contenu du deuxième coffre et enfin de vérifier ces valeurs pour le contenu du premier coffre.

Ou : travailler avec des représentations graphiques des lingots et des équivalences, plus faciles pour appliquer les règles d'équivalence (par exemple sous forme de balance à équilibrer).

Attribution des points

- 4 Réponse correcte (5 pièces d'or pour la valeur d'un petit lingot, 10 pièces d'or pour la valeur d'un moyen et 20 pièces d'or pour la valeur d'un grand) avec explications (usage d'équivalences graphiques et/ou numériques ou emploi d'une stratégie d'essais/erreurs, ...)
- 3 Réponse correcte, mais sans démonstrations ou explications claires des manipulations opérées sur les équivalences
- 2 Deux au moins des rapports ou équivalences entre les valeurs des lingots sont énoncés correctement, ($1g = 2m$, $1g = 4p$, $1m = 2p$), mais une erreur s'est produite lors de la conversion en pièces d'or ou réponses correctes sans explication
- 1 Essais de valeurs attribuées aux lingots, qui n'aboutissent pas, ou un seul rapport trouvé entre les valeurs en pièces d'or des lingots ($1g = 4p$) ou ($1m = 2p$)
- 0 Incompréhension du problème

9. LES CAMARADES DE JUDITH - JUDITHS FREUNDE (Cat. 5, 6)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance :**

- Arithmétique : fraction, multiplication, divisibilité, comparaison de nombres

Analyse de la tâche :

- Comprendre que le nombre des élèves doit être un multiple de 2, de 7 et de 3, donc de 42 qui est leur plus petit commun multiple (ppcm) : 42, 84, 126, 168...
- Examiner les nombres précédents (multiples) par rapport aux valeurs 80 (20×4) et 120 (30×4), qui sont le minimum et le maximum possibles d'élèves.
- Conclure que les élèves observés sont au nombre de 84. Donc que $84 - (1/7)84 = 72$ (ou bien $(6/7)84$ est le nombre des élèves qui n'ont pas les yeux bleus.

Ou (pour les élèves qui ne connaissent pas le ppcm) :

- Situer le nombre d'élèves entre 80 et 120 (selon la dernière indication), puis chercher dans cet intervalle les nombres qui se divisent par 7 (à partir de 77 : 84, 91, 98, 105, 112 et 119), éliminer ensuite les impairs (il ne reste plus que 84, 98 et 112) et enfin trouver que 84 est le seul des nombres encore en liste qui est divisible par 3.
- Calculer comme précédemment le nombre des élèves qui ont les yeux bleus : $84 : 7 = 12$ et soustraire ce nombre de 84 pour connaître le nombre d'élèves qui n'ont pas les yeux bleus.

Attribution des points :

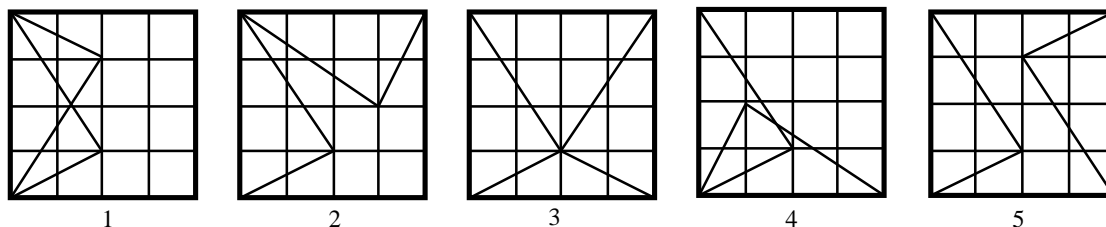
- 4 Solution correcte (72) avec justifications et détails des calculs
- 3 Solution correcte (72) avec justifications incomplètes ou peu claires
ou détermination du nombre d'élèves avec les yeux bleus (12) avec justification de la procédure
- 2 Solution correcte sans aucune explication,
ou solution erronée due à une erreur de calcul, mais procédure correcte,
ou détermination exacte seulement du nombre total des élèves (84), avec explications
- 1 Calcul des nombres minimum et maximum des élèves examinés ou autre début de procédure correcte
- 0 Autre réponse ou incompréhension du problème

10. KALÉIDOSCOPE I - KALEIDOSKOP I (Cat. 6, 7)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

- Géométrie : transformations dans le plan, symétrie et rotation

Analyse de la tâche :

- Construire les deux cartes sur une feuille transparente ou sur une feuille quadrillée en pensant à représenter le triangle sur les deux faces du papier comme si la feuille était transparente ; ou dessiner sur des carrés les figures obtenues par rotation et par retournement d'un des deux Triangles et vérifier si les figures obtenues possèdent un axe de symétrie
- Découvrir les quatre figures ayant un axe de symétrie 1, 2, 3, 4, obtenues par retournement d'une des cartes et rotations successives d'un quart de tour. Remarquer qu'il faut écarter la figure 5 qui présente une symétrie centrale mais pas axiale.

**Attribution de points :**

- 4 Dessin des quatre figures différentes avec axe de symétrie (1, 2, 3, 4)
- 3 Dessin de seulement trois des quatre figures différentes,
ou bien dessin des quatre figures différentes, avec en plus des répétitions (isométriques) ou avec la figure à symétrie centrale (5)
- 2 Dessin de seulement deux des quatre figures différentes,
ou bien dessin de 3 figures correctes avec répétitions ou avec la figure à symétrie centrale
- 1 Dessin d'une figure correcte
- 0 Incompréhension du problème

11. LE TRÉSOR DANS LE COFFRE-FORT-DER SCHATZ IM PANZERSCHRANK (Cat. 6, 7, 8)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Arithmétique : addition de nombres naturels
- Logique
- Combinatoire

Analyse de la tâche

- Comprendre qu'on ne peut obtenir une somme de 21 en 8 termes que si la plupart des termes sont « petits » (et ici différents de 1)
- Comprendre qu'il ne peut pas y avoir de solutions où le plus petit nombre est un 3 ; en effet on aurait $S \geq 8 \cdot 3 > 21$
- On peut essayer de grouper les solutions suivant le nombre de fois que Rita presse la touche 2. Il y a 7 solutions :
 $7 \times 2 + 7$ $6 \times 2 + 3 + 6$ $6 \times 2 + 4 + 5$ $5 \times 2 + 2 \times 3 + 5$ $5 \times 2 + 3 + 2 \times 4$
 $4 \times 2 + 3 \times 3 + 4$ $3 \times 2 + 5 \times 3$

Attribution des points :

- 4 Réponse correcte (7), avec énumération complète des divers cas ou explications textuelles valables
- 3 Réponse correcte avec énumération complète sans explications ou 6 possibilités trouvées avec explications
- 2 4 ou 5 solutions trouvées
- 1 1, 2 ou 3 solutions trouvées
- 0 incompréhension du problème

12. LES DÉS - DIE WÜRFEL (Cat. 6, 7, 8, 9)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

- Géométrie : visualisation dans l'espace ; les sens de rotation (trigonométrie et des aiguilles d'une montre) ; les propriétés des cubes

Analyse de la tâche

- Comprendre la règle pour la construction correcte d'un cube et procéder au contrôle de chaque cube dessiné.
- Se rendre compte que les dés à écarter sont : le dé B parce que les nombres inscrits sur deux faces consécutives ont pour somme 7 ; le dé C parce que sur les faces "paires", les nombres 2, 4 et 6 (opposés à 5, 3, 1) se succèdent dans le sens des aiguilles d'une montre ; le dé G parce que, le nombre "cinq" se trouve sur la face posée sur la table, donc les trois faces "impaires", 1, 3, 5 sont placées dans le sens des aiguilles d'une montre. Les autres dés, A, D, E et F, sont donc réguliers.
- Éventuellement, employer un dé, directement disponible ou construit à partir du développement d'un cube et indiquer sur ces faces les nombres de 1 à 6 en respectant les consignes de construction, pour vérifier que les configurations A, D, E et F sont possibles ; de même pour justifier que les dés B, C et G sont irréguliers.

Attribution des points

- 4 Solutions correctes (cubes irréguliers B, C, G) et bien justifiées
- 3 Solutions correctes avec justifications peu claires
- 2 Détermination correcte de deux dés irréguliers avec explications
- 1 Détermination correcte d'un dé irrégulier avec explications ou détermination correcte des trois dés irréguliers mais sans explications tenant compte des critères de la consigne (par ex., justifier à l'aide d'un modèle de dé pour exclure les configurations possibles)
- 0 Incompréhension du problème

13. TROIS ONCLES - DREI ONKEL (Cat. 6, 7, 8, 9)**ANALYSE A PRIORI****Domaines de connaissance :**

- Arithmétique : addition
- Géométrie : orientation et déplacement, représentation graphique
- Combinatoire

Analyse de la tâche

- Faire un dessin sur lequel se trouvent les maisons des 3 oncles et celle de Pierre (A, B, C, P), les liaisons entre elles et les durées de chaque déplacement, et y reconnaître les 6 parcours possibles : PA-AB-BC-CP, PA-AC-CB-BP, PB-BA-AC-CP, PB-BC-CA-AP, PC-CA-AB-BP, PC-CB-BA-A.

Ou : énumérer les 6 permutations de A, B et C (se rappeler que tous les parcours partent de P et reviennent en P) : PABCP ; PACBP ; PBACP ; PBCAP ; PCABP ; PCBAP. et remarquer qu'ils vont par couples de deux (FJ)

Ou : sur une représentation en arbre, procéder en privilégiant le déplacement qui dure le moins de temps à chaque ajout de trait et confronter les durées totales à la fin.

- Dans chaque cas, pour chaque parcours, calculer la durée totale en additionnant les durées intermédiaires et arriver à la conclusion que les deux parcours possibles (en sens inverse l'un de l'autre) qui demandent le moins de temps (125 minutes) sont PACBP, PBCAP. (Les autres durées sont 155 pour PABCP et PCBAP, et 150 pour PBACP et PCABP.)

Attribution des points

- 4 Réponse juste complète (PACBP et PBCAP, 125 minutes), avec explications exhaustives
- 3 Réponse juste complète sans explications exhaustives, ou bien un seul parcours trouvé et la durée, avec explications
- 2 Réponse qui ne tient pas compte du retour à la maison de Pierre (PACB et 100 minutes) avec explications ou bien une seule réponse trouvée sans explications, avec la durée
- 1 Début de raisonnement correct
- 0 Incompréhension du problème

14. AVENTURE SUR LA RIVIÈRE - ABENTEUER AUF DEM FLUSS Cat. 7, 8, 9)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

Arithmétique

Analyse de la tâche

- Comprendre qu'avec 15 pierres, il y aura 16 sauts de 2 secondes.
- Comprendre qu'après 32 sec (16×2), le premier touriste arrive sur la rive opposée et que, par la suite, toutes les 2 secondes un autre touriste rejoint la rive.
- Tenir compte du fait qu'après 3 min (180 sec) tous les touristes sont passés sur l'autre rive.
- Procéder empiriquement en notant le temps d'arrivée de chaque touriste jusqu'à 180 secondes : 32, 34, 36, 38, 40, 42, 44, 46, 48, 50, ... 178, 180 (soit 75 touristes)

Ou déterminer directement la durée par le nombre de multiples de 2 entre 32 et 180 par le calcul : $(180-32)/2 + 1 = 75$

Ou, en pensant qu'à partir de 30 secondes (lorsque le premier est sur la dernière pierre) il arrivera une personne toutes les 2 secondes sur l'autre rive, avec le calcul correspondant : $(180 - 30)/2 = 75$

Ou : construire un tableau du genre :

nombre de personnes	1	2	3	...	10	20	30	40	50	60	70	80
temps nécessaire, en secondes	32	34	36	...	50	70	90	110	130	150	170	190

vu que 180 secondes est la moyenne entre 170 et 190, alors, le nombre correspondant des personnes sera la moyenne de 70 et 80, c'est-à-dire 75.

Attribution des points :

- 4 Réponse juste (75) avec explications claires
- 3 Réponse juste avec explications incomplètes ou peu claires, (par ex. avec seulement une des deux égalités précédentes, sans expliquer leur origine)
- 2 Réponse juste sans aucune explication, ou réponse 74 ou 76 (confusion entre intervalles et extrémités d'intervalles), avec explications
- 1 début de raisonnement correct
- 0 Incompréhension du problème

15. CHÂTEAU DE CARTES - KARTENHAUS (Cat. 7, 8, 9)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance**

- Arithmétique : addition et multiplication
- Logique : capacité de déduction et d'abstraction
- Algèbre

Analyse de la tâche :

- Comprendre la règle de construction des châteaux et comprendre comment passer d'un château au suivant (avec un niveau en plus)
- Après avoir dessiné les premiers châteaux, passer au registre numérique et établir un lien entre le nombre de niveaux et le nombre de cartes :

niveaux	1	2	3	4	5	6	7	8	9	...	25
cartes	2	7	15	26	40	57	...				

et comprendre que pour passer d'un château au château suivant, il faut ajouter un nombre de cartes égal à la différence entre les nombres de cartes des deux niveaux précédents augmenté de trois :

+ 5 + 8 + 11 + 14 + 17 + 20 + 23 + 26 ...

Continuer numériquement jusqu'au 25e niveau et écrire tous les résultats intermédiaires (en s'aidant éventuellement d'une calculatrice)

cartes	2	7	15	26	40	57	77	100	126	...	950
--------	---	---	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----

Ou : chercher une relation entre le nombre des niveaux et le nombre de cartes du château correspondant. Par exemple :

Remarquer que, dans le premier château, le niveau 1 (celui le plus haut) est formé de 3 (3×1) cartes (un triangle complet) alors que le 2e niveau, celui de la base, est formé de 4 ($3 \times 2 - 2$) cartes (deux Triangles privés de leur base respective) ; dans le deuxième château, le niveau 1 est formé de 3 cartes (3×1 ; un triangle complet), le niveau 2 est formé de 6 cartes (3×2 ; deux Triangles complets), le niveau 3, la base, est formé de 6 cartes ($3 \times 3 - 3$; trois Triangles sans les bases). Essayer de dessiner des châteaux plus hauts et découvrir que la règle qui fournit le nombre de cartes sur le plan n est : $3n$ si n n'est pas le plan de base du château, $3n - n = 2n$ si n est le plan de base du château. Arriver ainsi à établir que pour construire un château de n niveaux, il faut $3(1+2+3+\dots+n-1)+2n$ cartes.

Ou encore : observer que le nombre de "Triangles" que l'on peut trouver dans un château à n niveaux est n^2 et que donc le nombre des côtés des Triangles est $3n^2$. Considérer ensuite que chaque côté à l'intérieur du château est compté deux fois et que les Triangles du niveau le plus bas ne sont pas complets. En conclure que le double du nombre de cartes nécessaires pour construire un château de n plans est donné par $(3n^2 + 2n - n)$ et que donc $(3n^2 + n)/2$ est le nombre de cartes nécessaires à la construction d'un château de n niveaux.

Ou encore : observer que pour un château de n niveaux, il faut $2(1 + 2 + 3 + \dots + n)$ cartes obliques et $(1 + 2 + 3 + \dots + n - 1)$ cartes horizontales. Donc en tout $n(n+1) + n(n-1)/2 = (3n^2 + n)/2$

- Conclure que pour un château de 25 niveaux, il faudra 950 cartes.

Attribution des points

- 4 Réponse juste (950) avec explications complètes
- 3 Réponse juste avec explications incomplètes ou peu claires
ou réponse contenant seulement une erreur évidemment « de calcul »
- 2 Erreur qui considère le niveau de base comme les autres (avec une carte à la base de chaque triangle) : 975 ($950 + 25$)
- 1 Début de raisonnement correct
- 0 Incompréhension du problème

16. NUMÉROS GAGNANTS - GEWINNZAHLEN (Cat.7, 8, 9)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissance :**

- Arithmétique : différence entre chiffre et nombre, numération, opérations
- Logique : raisonnement, dénombrement organisé

Analyse de la tâche

- Se rendre compte que parmi les 2000 nombres, seuls 16 sont des numéros gagnants ; ce qui peut être facilement vérifié en les énumérant (12, 23, 34, 45, 56, 67, 78, 89, 123, 234, 345, 456, 567, 678, 789, 1234) ou bien trouver ces nombres en s'appuyant sur leur structure (avec deux chiffres à partir de 12 il n'y en a qu'un par dizaine jusqu'à 89 ; avec trois chiffres, à partir de 123 il n'y en a qu'un par centaine jusqu'à 789 ; et enfin à quatre chiffres, il n'y a que 1234)
- Comprendre que 160 euros est la somme totale à payer pour les numéros gagnants (16X10) et qu'il faut vendre 160 billets pour récupérer cette somme.
- Conclure que Louis doit vendre au moins 160 billets pour être certain de ne pas remettre d'argent personnel, dans la pire des hypothèses où les 16 numéros gagnants se trouvent dans les 160 premiers billets vendus.

Attribution des points

- 4 Réponse juste (160) avec explications complètes y compris l'assurance de ne pas remettre d'argent
- 3 Réponse juste (160) avec seulement les explications pour les 16 numéros gagnants
- 2 Les 16 numéros gagnants sont trouvés, mais il n'y a pas de réponse à la question ou réponse juste (160) sans aucune explication
- 1 De 10 à 15 numéros sont trouvés
- 0 Incompréhension du problème

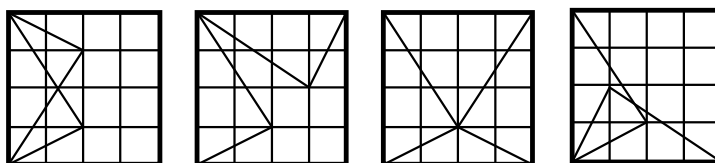
17. KALÉIDOSCOPE II - KALEIDOSKOP II (Cat. 8, 9)**ANALYSE A PRIORI****Domaine de connaissances**

- Géométrie : transformations dans le plan, symétrie et rotation

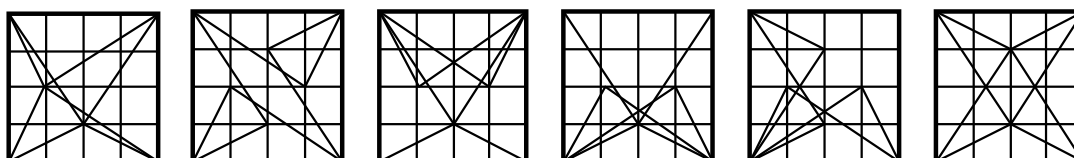
Analyse de la tâche :

- Construire les quatre carrés sur une feuille transparente ou sur une feuille quadrillée en pensant à représenter le triangle sur les deux faces du papier comme si la feuille était transparente et chercher les solutions possibles en se donnant une méthode (par exemple, placer deux cartes de manière à ce qu'elles soient symétriques entre elles, et essayer de placer les deux autres de manière symétrique aussi)

Où : trouver les figures demandées en dessinant, par exemple, d'abord sur un carré les figures symétriques différentes qu'on obtient par la superposition de deux cartes (comme sur les figures ci-dessous)



et, successivement, en dessinant les symétriques de ces figures par rapport aux axes de symétrie du carré



- Découvrir que l'on peut construire 6 figures différentes avec un axe de symétrie

Attribution de points :

- 4 Dessin des 6 figures différentes
- 3 Dessin de seulement 5 des 6 figures, ou dessin des 6 figures correctes avec, en plus, une figure répétée ou erronée
- 2 Dessin de seulement 3 ou 4 figures correctes, ou dessin de 5 figures correctes avec, en plus des figures répétées ou erronées
- 1 Dessin de 1 ou 2 figures correctes seulement, ou dessin de 3 ou 4 figures correctes des figures répétées ou erronées
- 0 Incompréhension du problème